

## بررسی عوامل مؤثر بر مقاومت کششی یک زیرشکن با بازوی خمیده و پیش‌بینی مقاومت کششی موردنیاز با استفاده از مدل رگرسیونی چندمتغیره

یوسف عباسپور<sup>۱</sup>، علی‌اصغر خلیفه<sup>۲</sup> و شعبان قوامی جولندان<sup>۳</sup>

- ۱- دانشیار گروه مهندسی بیوسیستم، دانشکده فناوری کشاورزی و منابع طبیعی، دانشگاه محقق اردبیلی
- ۲- دانش آموخته کارشناسی ارشد گروه مهندسی بیوسیستم، دانشکده فناوری کشاورزی و منابع طبیعی، دانشگاه محقق اردبیلی
- ۳- استادیار گروه مهندسی بیوسیستم، دانشکده کشاورزی، دانشگاه شهید چمران اهواز

تاریخچه مقاله	چکیده
دریافت: ۱۳۹۲/۰۷/۰۱ پذیرش نهایی: ۱۳۹۳/۰۳/۱۱	<p>مقاومت کششی ایزارهای مختلف خاککورزی یک پارامتر مهم برای اندازه‌گیری و ارزیابی عملکرد ادوات و تعیین مقدار توان موردنیاز می‌باشد. در این تحقیق آزمایش‌های مزرعه‌ای در دونوع خاک لومی‌شنی و شنی‌لومی در قالب آزمایش فاکتوریل بر پایه طرح بلوک کامل تصادفی (RCBD) و با چهار تکرار، به منظور مقایسه آماری مقادیر مقاومت کششی زیرشکن با بازوی خمیده تحت تاثیر پارامترهای مختلف انجام گردید. در داخل هر بافت خاک، محتوی رطوبت خاک در دو سطح مختلف، سرعت پیشروی تراکتور در چهار سطح ۱/۸، ۱/۵، ۱/۱ و ۳ کیلومتر بر ساعت و عمق کاری در چهار سطح ۱۰، ۲۰، ۳۰ و ۴۰ سانتی‌متر انتخاب گردید. در داخل هر کرت آزمایشی پارامترهای مقاومت کششی، شاخص مخروط خاک و درصد محتوای رطوبت خاک اندازه‌گیری گردید. نتایج تجزیه واریانس نشان داد که اثرات اصلی بافت خاک، رطوبت، سرعت و عمق کار بر روی میزان مقاومت کششی زیرشکن در سطح احتمال ۱٪ معنی‌دار بود. نتایج حاکی از آن بود که مقاومت کششی با افزایش سرعت پیشروی و عمق کار به طور معنی‌داری افزایش یافته و با افزایش محتوای رطوبت خاک کاهش می‌یافتد. به منظور پیش‌بینی مقاومت کششی زیرشکن با بازوی خمیده، درصد محتوای رطوبت خاک، سرعت پیشروی تراکتور، عمق کار زیرشکن، درصد رس خاک و مقدار شاخص مخروط خاک به عنوان متغیرهای مستقل در نظر گرفته شدند. نتایج نشان داد که تمام متغیرهای مستقل در نظر گرفته شده در مدل رگرسیونی، در سطح احتمال ۱٪ معنی‌دار می‌باشد. ضریب همبستگی مدل رگرسیونی چندگانه ۰/۸۴۲ و میانگین دقت پیش‌بینی مدل ۵۷/۸۳٪ بودست آمد.</p>

\* عهده دار مکاتبات

E-mail: abbaspour@uma.ac.ir

خاک ورز بوده است. اون<sup>۱</sup> افزایش مقاومت کششی ادوات خاک ورز را تابعی درجه دوم از افزایش سرعت پیشروی گزارش کرد (۱۵).

زاویه حمله خاک ورز یکی دیگر از عوامل مؤثر بر مقاومت کششی ادوات خاک ورز به حساب می‌آید. تحقیقات نشان داده است که هر چه زاویه حمله یا نفوذ ادوات خاک ورزی بزرگتر باشد، نفوذ وسیله به داخل خاک راحت‌تر صورت گرفته و با افزایش مؤلفه عمودی نیروی واکنش خاک به تیغه و در نتیجه افزایش نیروی اصطکاک، مقاومت کششی نیز افزایش می‌یابد (۷).

طی تحقیقی که توسط مک‌کایز و علی<sup>۲</sup> انجام گرفت مقاومت کششی پیش‌بینی شده برای چهار مدل، در پنج زاویه حمله<sup>۳</sup> (۳۰°-۹۰°)، سه عمق (۱۵۰-۵۰ میلی متر) و سه عرض (۱۰۰-۲۵ میلی متر) انجام شد. نیروها با مقادیر اندازه‌گیری شده برای دو شرایط خاک مقایسه شدند که نتایج قابل قبولی را با نتایج آزمایشی نشان دادند و هیچ اختلاف معنی‌داری بین نیروهای پیش‌بینی شده برای مدل‌های مختلف در بیشتر موارد وجود نداشت (۱۳).

مک‌کایز و علی فرض کردند که سطح شکست خاک از نوک ابزار تا سطح خاک به صورت خطی است. آنها نیروهای فعلی را در قسمت هلالی محاسبه کردند اما اثر چسبندگی را مدنظر قرار ندادند (۱۳). پرومپرال<sup>۴</sup> و همکاران (۱۶) یک سیستم نیروی فعلی در قسمت صاف مرکزی تیغه محاسبه کردند. آنها همچنین زاویه سایش خاک و فلز (۸) را به عنوان تابعی از زاویه حمله تیغه ( $\alpha$ ) برای  $\alpha \geq 61^\circ$  تشریح کردند. در نهایت مدل معمول گادوین و اسپور<sup>۵</sup> برای مقایسه نیرو استفاده شد (۱۶ و ۷).

## مقدمه

فسردگی خاک یکی از مشکلات و مسائل جدی بسیاری از خاک‌های کشاورزی در مناطق مختلف دنیا می‌باشد. وجود لایه سخت در خاک عملکرد محصول را پایین آورده و گیاه با تنفس‌های محیطی مواجه می‌شود. امروزه در اکثر نقاط جهان از خاک ورزی با عمق یکنواخت (زیر شکنی در عمق ثابت) برای مدیریت فشردگی خاک و از بین بردن لایه سخت خاک استفاده می‌کنند (۱).

اندازه‌گیری نیروهایی که به‌منظور برش خاک در طول عملیات خاک ورزی لازم است، یکی از اهداف اصلی بسیاری از تحقیقات در زمینه خاک ورزی و دینامیک خاک می‌باشد. مؤلفه‌های افقی برش و کشش توجه بسیاری از محققین را به خود جلب کرده است. زیرا این مؤلفه‌ها ارتباط مستقیمی با احتیاجات توان موردنیاز خاک ورزی و نیز اندازه تراکتور موردنیاز به‌منظور کشیدن ادوات خاک ورزی دارند. همچنین بسیار مشاهده شده است که یکی از اهداف اصلی این مطالعات مشخص کردن و بررسی رابطه این نیروها با ویژگی‌های فیزیکی خاک می‌باشد (۴ و ۱۷).

مقاومت کششی یکی از مهم‌ترین نیروهای بین تراکتور و ادوات محسوب می‌گردد که نقش اساسی در مدیریت تراکتور و ادوات کشاورزی دارد. مقاومت کششی ابزارهای خاک ورزی تحت شرایط مختلف به‌طور گسترده‌ای تغییر می‌کند که از آن جمله می‌توان به نوع و شرایط خاک، سرعت شخم زدن، نوع وسیله خاک ورز و شکل آن، خصوصیات اصطکاکی ابزار درگیر با خاک، تیزی تیغه و شکل آن، عمق شخم و غیره اشاره کرد (۱، ۴ و ۱۷).

گزارش‌های متفاوتی از روند تغییرات مقاومت کششی با تغییر سرعت پیشروی ارائه شده است، این تغییرات ناشی از شرایط مختلف خاک و نوع وسیله

1- Owen

2- Mckyes and Ali

3- Rake angle

4- Perumpral

5- Godwin and Spoor

محتوای رطوبت خاک عامل مهم دیگری است که در مقاومت کششی ابزارهای خاک‌ورزی نقشی اساسی دارد. تأثیر محتوای رطوبت خاک در آسیب‌رسانی به خاک بیشتر از تأثیر عواملی همچون وزن تراکتور، اندازه چرخ‌ها یا فشار باد چرخ‌ها است. حتی با تغییر حدود ۲ ۳ درصد در میزان رطوبت خاک ممکن است صدمات شدیدی به خاک وارد شود. بنابراین مدیریت روزانه عملیات خاک‌ورزی، و انتخاب مناسب ادوات ضروری می‌باشد. گیل و واندربرگ<sup>۴</sup> (۸) در آزمون‌های مخزن خاک USDA در خاک‌های لومی شنی نشان دادند که افزایش محتوای رطوبت از ۹ درصد تا ۱۱/۷ درصد، باعث افزایش مقاومت ویژه خاک به میزان از ۱۵ تا ۳۵ درصد می‌شود. مؤذن و رامن<sup>۵</sup> (۱۴) گزارش کردند که مقاومت کششی یک زیر شکن با محتوای رطوبت به طور خطی تغییر می‌کند در حالی که مقاومت کششی تابع درجه دومی از جرم مخصوص ظاهری خاک بر پایه تابع درجه سومی از جرم مخصوص ظاهری خاک بر پایه خشک بود.

تحقیق دیگری توسط اشرفی‌زاده و کوشواه<sup>۶</sup> (۲) برای مشخص کردن اجزای مصرف کننده توان و پیش‌بینی توان مصرفی یک ابزار باریک عمودی در سرعت‌های بالا در یک مخزن خاک انجام شده است. چهار جزء اصلی مصرف کننده توان عبارت بودند از: توان لازم در ارتباط با عکس العمل خاک-ابزار، توان لازم در ارتباط با عکس العمل جرم خاک ثابت و شخم خورده، توان لازم در ارتباط با تغییر شکل خاک و انرژی لازم در ارتباط با شتاب خاک شخم خورده. تأثیر سه متغیر محتوای رطوبت، عمق کار و سرعت پیشروی در مقادیر مختلف بررسی شد. ضرایب همه معادلات یک رابطه درجه اول بین رطوبت و اجزاء مصرف کننده توان نشان داد. برای جزء شتاب، رابطه توان-عمق منجر به

تحقیق دیگری توسط گادوین واسپور (۷) در خاک‌لومی شنی در دو خاک سست و سفت انجام شد. این آزمایش در سرعت ۰/۵۶ متر بر ثانیه انجام شد و نیروهای افقی و عمودی به وسیله یک مبدل رینگی نیرو با ساختار هشت وجهی که توسط گادوین طراحی شده بود، اندازه‌گیری شد و نتایجی که در خاک‌های فشرده شده برای زاویه حمله تیغه از ۴۵° تا ۹۵° در عمق معادل ۲۱۵ میلی‌متر و عرض تیغه ۵۰ میلی‌متر به دست آمد، نشان داد که نیروهای اندازه‌گیری شده در خاک فشرده ۱۰ برابر بیشتر از نیروهای اندازه‌گیری شده در خاک سست است. در تحقیقی که توسط گریسو<sup>۱</sup> و همکاران<sup>(۹)</sup> انجام شد آنها مقاومت کششی پیش‌بینی شده توسط چهار مدل ریاضی را با نتایج آزمایشی مقایسه کردند. مدل‌های مقایسه شده مربوط به هیتاراتچی و همکاران<sup>۲</sup>، گادوین و اسپور، مک‌کایز و علی بودند. حد مقایسه برای زاویه حمله تیغه بین ۰° تا ۹۰° و برای عمق تیغه بین سطح خاک و عمق بحرانی بود (۸، ۹ و ۱۳).

اسحاق‌بیگی<sup>۳</sup> و همکاران<sup>(۵)</sup> اثر عمق و زاویه حمله در زیرشکن تیغه مورب را بر مقاومت کششی بررسی کردند. آزمایشات مزرعه‌ای به صورت کرت‌های خرد شده فاکتوریل، با سه تکرار در مزارع تحقیقاتی مرکز تحقیقات کشاورزی فارس، زرگان در خاک لوم رسی با رطوبت ۱۰ درصد اجرا گردید. نتایج تعزیزه واریانس مقادیر مقاومت کششی نشان داد که عمق و زاویه حمله در سطح یک درصد، تأثیر معنی داری بر مقاومت کششی زیرشکن تیغه مورب داشت. با افزایش عمق کار، سطح مقطع بهم خورده خاک در اکثر تیمارها افزایش یافت، اما زاویه حمله تأثیری بر سطح بهم خورده خاک نداشت. با افزایش عمق کار، شاخص مخروط خاک کاهش یافت، اما افزایش زاویه حمله تأثیری در کاهش این شاخص نداشت.

4- Gill and Vanden Berg

5- Mouazen and Ramon

6- Ashrafizadeh and Kushwaha

1- Grisso

2- Hettiara

3- Esehaghbeygi

## عباسپور گیلاند و همکاران: بررسی عوامل مؤثر بر مقاومت کششی...

یک هرس بشتابی آفست، یک گاوآهن برگرداندار و یک گاوآهن بشتابی بودند. تأثیر سرعت پیشروی و عمق کار بر مقاومت کششی مورد بررسی قرار گرفت. معادلات رگرسیون عمومی برای پیش‌بینی مقاومت کششی ادوات بر اساس سرعت پیشروی و عمق کار به کار گرفته شد. نتایج نشان داد که افزایش عمق کار و سرعت پیشروی مقاومت کششی را افزایش می‌دهد<sup>(۴)</sup>.  
 یک مدل ریاضی کوچوسکی و پیوتروسکا<sup>(۱۱)</sup> برای پیش‌بینی نیروهای واردہ بر ابزارهای باریک خاک-ورزی توسعه یافت که شامل هندسه واقعی بیشتری از گوه خاک در مقایسه با مدل‌های مکانیکی پیشین بود. مدل جدید تغییرپذیری زوایای تمایل سطح شکست زیرین در حلقه‌های کناری و نیروهای اینرسی را در نظر می‌گرفت. پیش‌بینی مقاومت کششی بر پایه یکسری از نیروهای پیچیده بود که شامل عمق بحرانی و ناحیه شکست دو بعدی همراه با نیروهای اینرسی در ناحیه سه-بعدی بود. مقادیر مجهول عمق بحرانی همراه با زاویه شکست بویله کمینه کردن کل نیروی واردہ بر ابزار محاسبه می‌شد. آزمایش‌ها در مخزن خاک انجام گرفت. مقدار خطای بین مقادیر پیش‌بینی شده و مشاهده شده در این مدل به  $11/7$  درصد رسید در حالی که در مقادیر محاسبه شده از تئوری‌های مختلف مقدار خطای  $17/1$  تا  $34/9$  درصد تغییر می‌کرد. نتیجه اصلی، پیش‌بینی دقیق مقاومت ابزار باریک توسط معرفی پارامتر تغییرپذیری زوایای تمایل سطح شکست زیرین در حلقه‌های کناری است که ناشی از انحراف ابزار از مسیر حرکت می‌باشد که در مدل‌های قبلی در نظر گرفته نشده بود.

همچنین معادله پیش‌بینی مقاومت کششی بویله استاندارد ASAE معرفی و برای ابزار باریک خاک‌ورزی به کار برده شد. در این معادله مقاومت کششی تابعی از پارامترهای عمق کار، عرض تیغه و سرعت پیشروی

معادله‌ای شد که جمله‌های درجه اول و درجه دوم از عمق در تمام سرعت‌ها را شامل می‌شد. هنگامی که داده‌های آزمایشی توان موردنیاز برای شتاب در سرعت‌های  $8, 16$  و  $24$  کیلومتر در معادله رگرسیون به کار گرفته شدند، رابطه سرعت- توان موردنیاز برای شتاب منجر به روابط خطی و درجه دوم شد<sup>(۲)</sup>.

شناسایی نیروهایی که طی عملیات خاک‌ورزی به ابزار وارد می‌شوند، برای طراحی ادوات امری ضروری است. تحقیقی توسط گادوین و اداگرتی<sup>(۶)</sup> برای بررسی مجموعه‌ای از مدل‌های پیش‌بینی نیروهای واردہ به ادوات خاک‌ورزی از ابزار ساده باریک گرفته تا گاوآهن‌های برگرداندار انجام شد. نتایج نشان داد که نیروهای افقی (کشش) و نیروهای عمودی می‌توانند به ترتیب با میانگین خطای  $3\%$  و  $33\% +$  پیش‌بینی شوند. این مدل‌ها همچنین تغییرات در کشش و هندسه ابزار را به حد کافی نشان داد.

تحقیقی توسط مانوا و آدمسون<sup>(۱۲)</sup> در مخزن خاک برای مطالعه تأثیر برخی از پارامترهای خاک مثل محتوای رطوبت و فشردگی خاک بر نیروی کششی موردنیاز ابزارهای خاک‌ورزی انجام شد. ابزارها در سه گروه ابزارهای خیلی باریک، باریک و عرض مورد استفاده قرار گرفتند. خاک مورد آزمایش لومی رسی شنی بود. پس از انجام آزمایش‌ها مشاهده شد که با کاهش محتوای رطوبت خاک، مقدار کشش بین  $11\%$  تا  $22\%$  افزایش یافت. همچنین با افزایش تراکم خاک از شاخص مخروطی  $150$  کیلوپاسکال تا  $800$  کیلوپاسکال، مقاومت کششی ابزار افزایش یافت<sup>(۱۲)</sup>.

مدلی توسط الجنوی و السوهایانی<sup>(۴)</sup> برای پیش‌بینی مقاومت کششی ادوات خاک‌ورزی اولیه استاندارد در یک خاک لومی شنی به کار گرفته شد. ادوات شامل سه گاوآهن چیزیل با انواع مختلف ساقه،

می‌کنند. این دینامومتر بین ابزار خاک‌ورزی و تراکتور قرار می‌گیرد.

چرخ پنجم مورد استفاده در این تحقیق که بهمنظور اندازه‌گیری سرعت پیشروی تراکتور مورد استفاده قرار گرفت، متشکل از یک لاستیک بادی به قطر ۳۹ سانتی‌متر می‌باشد که به راحتی روی محور خود گردش می‌کند و به کمک قطعات مختلف شاسی، در راستای حرکت چرخ جلوی تراکتور قرار می‌گیرد (شکل ۳). از یک جک مکانیکی برای بالا و پایین بردن چرخ پنجم به صورت دستی استفاده می‌شود. همچنین این چرخ مجهز به دور شمار الکتریکی مدل PR12-2DN از نوع مجاورتی القایی و ساخت شرکت اتونیکس کره است. این دور شمار دندانه‌های چرخدنده نصب شده به مرکز چرخ پنجم را حس کرده و تولید پالس می‌کند. پالس‌های تولید شده توسط پالس‌متر مدل MP5W-44 ساخت شرکت اتونیکس کره، نمایش داده می‌شوند. این پالس‌متر با جریان متناوب ۲۲۰ ولت کار می‌کند. برای تامین توان ۲۲۰ موردنیاز پالس‌متر از یک مبدل ولتاژ ۱۲ ولت DC به ۷۵ ولت AC مدل DXDR1000H ساخت شرکت Doxin کشور چین استفاده شد. برق ۱۲ ولت DC نیز از طریق یک باتری اضافی تامین گشته و به مبدل منتقل می‌گردید.

#### آزمایش‌های مزرعه‌ای

آزمایش‌های مزرعه‌ای در پائیز سال ۱۳۹۰ در یک مزرعه آزمایشی که دارای دو نوع خاک لومی‌شنی و شنی‌لومی است (جدول ۱)، انجام شد.

در این تحقیق برای اندازه‌گیری و تعیین عوامل موثر بر مقدار نیروی مقاوم کششی یک زیرشکن با بازوی خمیده، مزرعه آزمایشی به کرت‌های  $4 \times 20$  متر تقسیم شد و آزمایش‌های مزرعه‌ای در دو نوع خاک اجرا گردید که در داخل هر نوع خاک از آزمایش فاکتوریل بر پایه طرح بلوك کامل تصادفی<sup>۱</sup> (RCBD) و با چهار تکرار استفاده شد.

ادوات خاک‌ورز می‌باشد. این معادله در اکثر مناطق دنیا مورد استفاده قرار می‌گیرد (۳).

هدف از این تحقیق بررسی عوامل مختلف بر مقاومت کششی یک زیرشکن با بازوی خمیده شامل محتوای رطوبت خاک، سرعت پیشروی تراکتور و عمق کار و همچنین ارائه یک مدل پیش‌بینی نیروی مقاوم کششی موردنیاز با استفاده از مدل رگرسیونی چندگانه می‌باشد.

#### مواد و روش‌ها

##### ابزارهای اندازه‌گیری مورد استفاده در تحقیق

از یک دستگاه نفوذسنج مخروطی پشت تراکتوری سوار به منظور اندازه‌گیری مقادیر شاخص مخروطی خاک استفاده شد. دستگاه نفوذسنج به اتصال سه نقطه یک تراکتور مسی فرگوسن مدل MF-285 متصل شد به گونه‌ای که راننده می‌توانست نفوذسنج را به کار انداخته و کنترل نماید. این سیستم اندازه‌گیری شامل یک مخروط استاندارد، مبدل اندازه‌گیری عمق نفوذ، مبدل اندازه‌گیری نیرو و سیستم جمع‌آوری داده بود (شکل ۱).

از یک تراکتور مسی فرگوسن مدل MF-285، اسب بخار و مجهز به سامانه اندازه‌گیری دقیق بهمنظور جمع‌آوری داده‌های مربوط به مقاومت کششی و سرعت پیشروی در حین عملیات خاک‌ورزی استفاده شد. سیستم اندازه‌گیری دقیق تراکتور مجهز به دینامومتر اتصال سه نقطه، حسگر اندازه‌گیری سرعت پیشروی از نوع چرخ پنجم و سیستم جمع‌آوری داده بود. یک رایانه کیفی متصل به دیتالاگر DT800 بهمنظور جمع‌آوری داده‌های اندازه‌گیری شده توسط مبدل‌های فوق الذکر به کار گرفته شد.

دینامومتر اتصال سه نقطه مورد استفاده در این تحقیق که در شکل ۲ ملاحظه می‌شود قابل تنظیم بوده و دارای سه عدد مبدل رینگی هشت وجهی است که هر یک از آن‌ها دارای هشت عدد کرنش‌سنج مقاومتی می‌باشد و نیروهای افقی و عمودی وارد بر هر بازو را اندازه‌گیری

عباسپور گیلاند و همکاران: بررسی عوامل مؤثر بر مقاومت کششی...



شکل (۱) نفوذسنج مخروطی پشت تراکتوری  
Figure (1) Tractor-mounted soil cone penetrometer



شکل (۲) دینامومتر اتصال سه نقطه قابل تنظیم مورد استفاده در تحقیق  
Figure (2) The adjustable three-point hitch dynamometer used in this study



شکل (۳) سامانه اندازه گیری سرعت واقعی تراکتور  
Figure (3) Measurement system of tractor forward speed

قبل از انجام آزمایش‌های مزرعه‌ای مقادیر شاخص مخروطی در هر کرت آزمایشی اندازه‌گیری شد. در هر کرت آزمایشی مقادیر شاخص مخروطی برای ۵ نقطه بدست آمد. این مقادیر برای عمق صفر تا ۴۶ سانتی‌متری از سطح خاک و در دو شرایط رطوبتی ذکر شده در جدول ۱، بدست آمد. برای انجام این کار نفوذسنج پشت تراکتوری به تراکتور متصل گردید. بعد از اتصال سیم‌های مربوط به مبدل‌های نیرو و عمق، برنامه نوشته شده برای دیتالاگر به منظور بدست آوردن داده‌های نیرو و عمق اجرا گردید. راننده با استفاده از اهرم مخصوص شیرهای هیدرولیکی نصب شده در داخل کابین راننده، میله همراه با مخروط را به داخل خاک فشار می‌داد و از طریق کامپیوتر کیفی عمق مورد نظر را تنظیم می‌کرد. مقادیر شاخص مخروط خاک در هر کرت آزمایشی در چهار نقطه و در هر محل از عمق صفر تا ۴۰ سانتی‌متر با فاصله‌های یک سانتی‌متر اندازه‌گیری شد.

به منظور انجام آزمایش‌های مزرعه‌ای اتصال دینامومتر و سیم‌های مربوط به دیتالاگر و همچنین اتصال زیرشکن به دینامومتر و انتخاب دندنه و عمق مناسب انجام شد. عمق موردنظر برای زیرشکن توسط بازوهای پائینی تراکتور و چرخ‌های ثبیت عمق تنظیم شد.

در داخل هر بافت خاک، محتوی رطوبت خاک (فاکتور A) در دو سطح، سرعت پیشروی تراکتور (فاکتور B) در چهار سطح ۱، ۱/۵، ۱/۸ و ۳ کیلومتر بر ساعت، عمق کار (فاکتور C) در چهار سطح ۱۰، ۲۰، ۳۰ و ۴۰ سانتی‌متر در نظر گرفته شد و در داخل هر کرت آزمایشی مقادیر مقاومت به کشش ادوات خاک‌ورز، شاخص مخروطی خاک و درصد محتوای رطوبت خاک اندازه‌گیری شد.

قبل از شروع آزمایش‌ها، مزرعه موردنظر بررسی و انتخاب شد. بعد از آن نمونه‌های خاک از هر کرت به منظور بدست آوردن بافت خاک جمع‌آوری گردید. برای اعمال شرایط مرطب، زمین آزمایشی آبیاری شد تا رطوبت مورد نظر حاصل شود. برای جلوگیری از اشتباه راننده در انتخاب و شماره‌گذاری خطوط، در حین کار شیارها با استفاده از میخ‌های چوبی شماره‌گذاری شد.

در هر کرت آزمایشی مقادیر شاخص مخروطی برای ۵ نقطه بدست آمد. این مقادیر برای عمق صفر تا ۴۶ سانتی‌متری از سطح خاک و در دو شرایط رطوبتی ذکر شده در جدول ۱، بدست آمد.

جدول (۱) میانگین مقادیر پارامترهای خاک مورد مطالعه

Table (1) The mean values of soil parameters for the experimental field

بافت خاک (Soil Texture)	درصد شن (Percent of sand)	درصد سیلیت (Percent of silt)	درصد رس (Percent of clay)	عمق ۰-۳۰cm	میانگین درصد رطوبت خاک بر پایه وزن خشک در (The average of soil moisture content based on dry weight at the depth 0-30cm)
شنی لومی (Sandy loam)	لومی شنی (Loamy sand)			شرایط مرطب (Wet condition)	شرایط خشک (Dry condition)
9	73.5	17.5	9	19.5	9
6.5	55	23.5	11.5	15.5	6.5

## عباسپور گیلاند و همکاران: بررسی عوامل مؤثر بر مقاومت کششی...

و عمق کار بر میزان مقاومت کششی زیرشکن با بازوی خمیده در سطح احتمال ۱٪ معنی دار است، در ضمن اثرات متقابل دوتایی بافت خاک در سرعت پیشروی و بافت خاک در عمق کاری بر مقاومت کششی نیز معنی دار می‌باشد (سطح احتمال ۰.۱٪). اثرات بافت خاک در رطوبت، رطوبت در سرعت، رطوبت در عمق و سرعت در عمق بروی میزان نیروی مقاوم کششی زیرشکن با بازوی خمیده معنی دار نبود. همچنین همان طور که در جدول ۲ مشاهده می‌شود تمام اثرات متقابل سه‌تایی در سطح ۱٪ معنی دار می‌باشد، به جز اثر محظای رطوبت در سرعت پیشروی در عمق کار که در سطح ۵٪ معنی دار بود و اثر بافت خاک در محظای رطوبت در عمق کار که معنی دار نبود. اثر چهارتایی هم همانطور که در جدول مشاهده می‌شود در سطح ۵٪ معنی دار می‌باشد. این نشان می‌دهد که باید اثر چهار عامل بافت خاک، محظای رطوبت، سرعت پیشروی و عمق کار را در بررسی و پیش‌بینی مقاومت کششی در نظر گرفت.

### اثر بافت خاک بر مقاومت کششی زیرشکن با بازوی خمیده

با توجه به شکل ۵ می‌توان نتیجه گرفت که بین مقاومت کششی در دو بافت مورد بررسی تفاوت معنی داری وجود دارد، پیشترین مقدار میانگین مقاومت کششی در بافت خاک لومی شنی (۴۵۶۲/۷۱ نیوتن) و کمترین آن در بافت خاک شنی لومی (۲۴۷۹/۱۳ نیوتن) می‌باشد. تفاوت در مقاومت کششی در بافت‌های مورد مطالعه به تفاوت در مقاومت ویژه خاک‌های مورد بررسی در برابر تیغه زیرشکن مربوط می‌گردد.

در مرحله بعد چرخ پنجم توسط راننده پایین آورده شد. بعد از اتصال سیم‌های دینامومتر اتصال سه نقطه و سیم‌های مربوط به پالس‌مترها به کانال‌های آنالوگ دیتالاگر، برنامه نوشته شده برای دیتالاگر به منظور به دست آوردن داده‌های مقاومت کششی و سرعت پیشروی تراکتور اجرا گردید. بعد از این فرآیند با انتخاب دندنه و دور موتور که از قبل پیش‌بینی شده بود شروع به داده برداری و ثبت سیگنال‌های خروجی از مدار گردید. حرکت در طول ۲۰ متر انجام می‌شد و سپس در انتهای مزرعه دور زده و با فاصله یک و نیم متر از شیار قبلی آزمایش با شرایط بعدی انجام می‌گرفت. برای هر شرایط و نوع خاک ۶۰ شیار در داخل خاک ایجاد شد. برای اینکه شرایط هریک از شیارها با یکدیگر متفاوت می‌باشد، هر شیار توسط میخ چوبی علامت‌گذاری شد. داده‌های بدست آمده در انتهای هر شیار در فایل جداگانه با فرمت .txt ذخیره می‌شد. شکل ۴ شکست لایه‌های خاک و تیغه در حال کار را نشان می‌دهد.

### نتایج و بحث

#### نتایج تجزیه واریانس

نتایج حاصل از تجزیه واریانس داده‌های مربوط به مقاومت کششی یک زیرشکن با بازوی خمیده در جدول ۲ آمده است. ضریب تغیرات (CV) داده‌های مقاومت کششی تیغه باریک خاک‌ورزی معادل ۱۹/۲٪ می‌باشد، که این میزان پراکندگی با توجه به تعداد تیمارهای مختلف و شرایط مختلف مناطق آزمایشی منطقی به نظر می‌رسد.

با توجه به جدول تجزیه واریانس مشاهده می‌شود که اثرات مستقل بافت خاک، محظای رطوبت، سرعت پیشروی



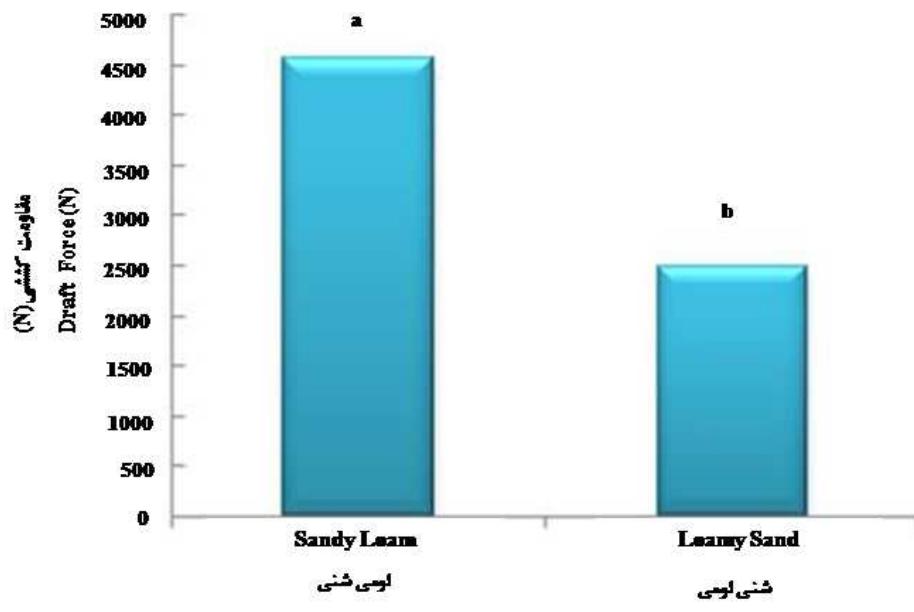
شکل (۴) تیغه باریک مورد استفاده در تحقیق و نمایی از شکست خاک توسط تیغه  
Figure (4) The narrow blade used in this research and soil failure by blade

**جدول (۲) نتایج تجزیه واریانس داده‌های مربوط به اندازه‌گیری مقاومت کششی تیغه زیرشکن با بازوی خمیده**  
**Table (2) Results of analysis of variance of data related to the measurement of draft force of a subsoiler with a curved arm**

F	میانگین مربعات (Mean Squares)	مجموع مربعات (Sum of Squares)	درجه آزادی (Degree of Freedom)	منابع تغییرات (Sources of variation)
55.75 <sup>**</sup>	25403195.1	25403195.1	3	تکرار (Replication)
609.72 <sup>**</sup>	277840962.3	277840962.3	1	بافت خاک (Soil Texture)
23.03 <sup>**</sup>	10493130.6	10493130.6	1	رطوبت (Moisture)
0.62 <sup>(ns)</sup>	282425.9	282425.9	1	بافت خاک × رطوبت Texture×Moisture
32.24 <sup>**</sup>	14689346.2	44068038.7	3	سرعت پیشروی (Speed)
13.46 <sup>**</sup>	6135467.2	18406401.5	3	بافت × سرعت پیشروی Texture×Speed
2.18 <sup>(ns)</sup>	3272366.2	3817098.7	3	رطوبت × سرعت پیشروی (Speed×Moisture)
6.03 <sup>**</sup>	2749242	8247726	3	بافت × رطوبت × سرعت پیشروی (Soil Texture×Moisture×Speed)
1.98 <sup>*</sup>	868188.5	7813696.6	9	بافت × رطوبت × سرعت پیشروی × عمق (Soil Texture×Moisture×Speed×Depth)
238 <sup>**</sup>	108451300.4	325353901.3	3	عمق (Depth)
9.54 <sup>**</sup>	4347654.6	13042963.7	3	بافت × عمق (Soil Texture×Depth)
2.38 <sup>(ns)</sup>	1086629.7	3259889.2	3	رطوبت × عمق (Moisture×Depth)
1.96 <sup>(ns)</sup>	892841.2	2678523.6	3	بافت × رطوبت × عمق
	586137.8	5275240.5	3	(Soil Texture×Moisture× Depth)
1.29 <sup>(ns)</sup>	1843594.1	16592346.6	9	(Speed×Depth)
4.05 <sup>**</sup>				سرعت × عمق (Speed×Depth)
	890594.9	8015354.3	9	بافت × سرعت × عمق (Soil Texture×Speed× Depth)
	455685	86124456.2	189	رطوبت × سرعت × عمق (Moisture×Speed× Depth)
3.95 <sup>*</sup>	-	913521741.1	255	(Error)
	-	-		مجموع (Total)

<sup>\*\*</sup> معنی دار در سطح احتمال ۱٪، <sup>\*</sup> معنی دار در سطح احتمال ۵٪ و <sup>(ns)</sup> عدم اثر معنی دار

<sup>\*\*</sup> significant at the 0.01 probability level, <sup>\*</sup>significant at the 0.05 probability level, <sup>(ns)</sup> no significant effect



شکل (۵) اثر بافت خاک بر مقاومت کششی تیغه زیرشکن با بازوی خمیده

Figure (5) Effect of soil texture on draft force of a subsoiler with a curved arm

که از نمودار پیداست در سرعت ۳ کیلومتر بر ساعت، مقاومت کششی به طور معنی داری نسبت به بقیه سرعت‌ها افزایش داشته است. نمودار نشان می‌دهد که مقاومت کششی در تمام سرعت‌ها نسبت به هم اختلاف معنی داری دارند. علت تفاوت در مقاومت کششی در سرعت‌های پیشروی مختلف می‌تواند به دلیل تفاوت در شتاب داده شده به ذرات خاک و عکس‌العمل خاک در برابر تیغه در سرعت‌های پیشروی مختلف باشد.

#### اثر عمق بر مقاومت کششی تیغه زیرشکن با بازوی خمیده

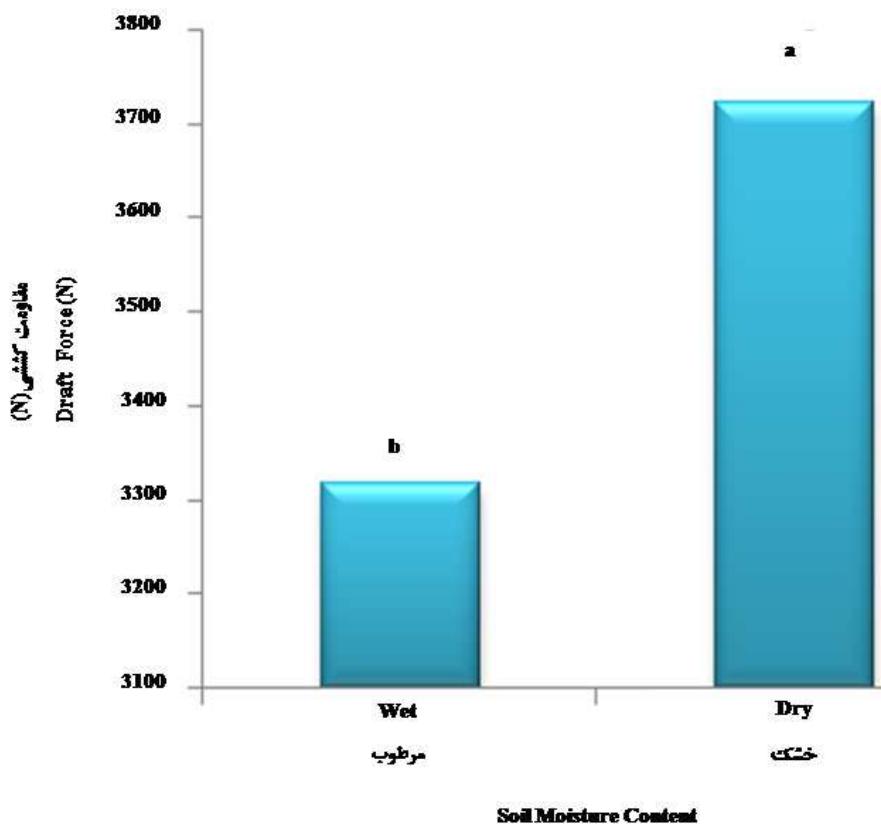
نتایج حاصل از نمودار شکل ۸ نشان می‌دهد که با افزایش عمق کار، مقاومت کششی به طور معنی داری افزایش می‌یابد. بیشترین مقدار مقاومت کششی در عمق ۳۰-۴۰ سانتی‌متر و ۴۸۰۵/۸ نیوتون می‌باشد. همچنین کمترین مقدار مقاومت کششی در عمق ۱۰-۰ سانتی‌متر و برابر با ۲۰۲۱/۲ نیوتون می‌باشد. علت این افزایش به این برمی‌گردد که با افزایش عمق خاک‌ورزی اولاً نیروی مقاوم مکانیکی خاک به علت افزایش سطح تیغه درگیر

#### اثر رطوبت بر مقاومت کششی تیغه زیرشکن با بازوی خمیده

نمودار شکل ۶ نشان می‌دهد که با افزایش مقدار محتوای رطوبت خاک مقاومت کششی خاک‌ورز کاهش می‌یابد. بنابراین مقدار محتوای رطوبت یک عامل مهم و اثرگذار برای مقاومت کششی می‌باشد. بیشترین مقدار مقاومت کششی برابر با ۳۷۲۳/۳۸ نیوتون و برای خاک خشک و کمترین مقدار مقاومت کششی برابر با ۳۳۱۸/۴۶ نیوتون برای خاک مرطوب می‌باشد. همان‌طور که در شکل ۶ مشاهده می‌شود با افزایش درصد محتوای رطوبت خاک مقادیر مقاومت کششی به طور معنی داری کاهش می‌یابد. علت این نتیجه می‌تواند به دلیل تغییر شاخص مخربوطی با تغییر محتوای رطوبتی خاک باشد.

#### اثر سرعت پیشروی بر مقاومت کششی زیرشکن با بازوی خمیده

نمودار شکل ۷ اثر سرعت پیشروی را بر مقاومت کششی زیرشکن با بازوی خمیده نشان می‌دهد. همان‌طور



شکل (۶) اثر رطوبت بر مقاومت کششی تیغه زیرشکن با بازوی خمیده

Figure (6) Effect of soil moisture content on draft force of a subsoiler with a curved arm

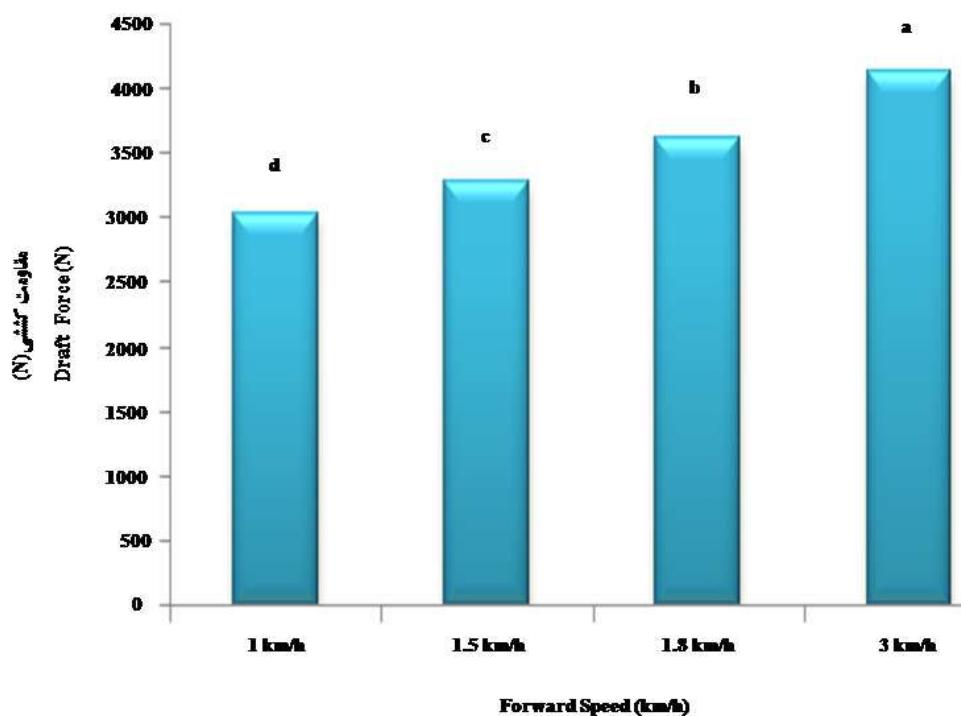
های پیشروی ۳ و ۱/۸ کیلومتر بر ساعت اختلاف معنی داری وجود ندارد. با افزایش سرعت پیشروی تا ۳ کیلومتر بر ساعت میانگین مقاومت کششی به طور معنی داری افزایش می یابد. همچنین در بافت شنی لومی نیز مانند بافت لومی شنی شاهد افزایش میانگین مقاومت کششی با افزایش سرعت پیشروی از ۱ کیلومتر بر ساعت به ۳ کیلومتر بر ساعت بودیم. بیشترین مقدار میانگین مقاومت کششی مربوط به سرعت ۳ کیلومتر بر ساعت در بافت لومی شنی و کمترین مقدار آن مربوط به سرعت ۱ کیلومتر بر ساعت در بافت شنی لومی می یاشد. در ضمن، نمودار نشان می دهد بین بافت لومی شنی و شنی لومی از نظر مقاومت کششی در سرعت های مختلف پیشروی تفاوت معنی دار آماری وجود دارد، این نشان دهنده بافت سخت خاک و مقاومت مکانیکی بالای خاک در خاک لومی شنی نسبت به خاک شنی لومی می یاشد.

با خاک زیاد شده و همچنین در خاک های مورد مطالعه میزان مقاومت مکانیکی خاک (شاخص مخروط خاک) با افزایش عمق افزایش می یابد. این نتیجه با نتایج بدست آمده توسط عباسپور گیلاند، منواو آدامسون، گادوین و ادگرتی، الجنوبي و السوهیانی و اشرفی زاده و کوشواها مطابقت دارد (۱، ۲، ۴، ۶، ۱۲). ثانیاً به علت افزایش جرم خاکی که باید شتاب بگیرد نیروهای اینرسی افزایش یافته و عکس العمل این نیروها بر اینزار خاک ورز نیز افزایش می یابد.

**اثر متقابل بافت خاک در سرعت پیشروی بر مقاومت کششی تیغه زیرشکن با بازوی خمیده**

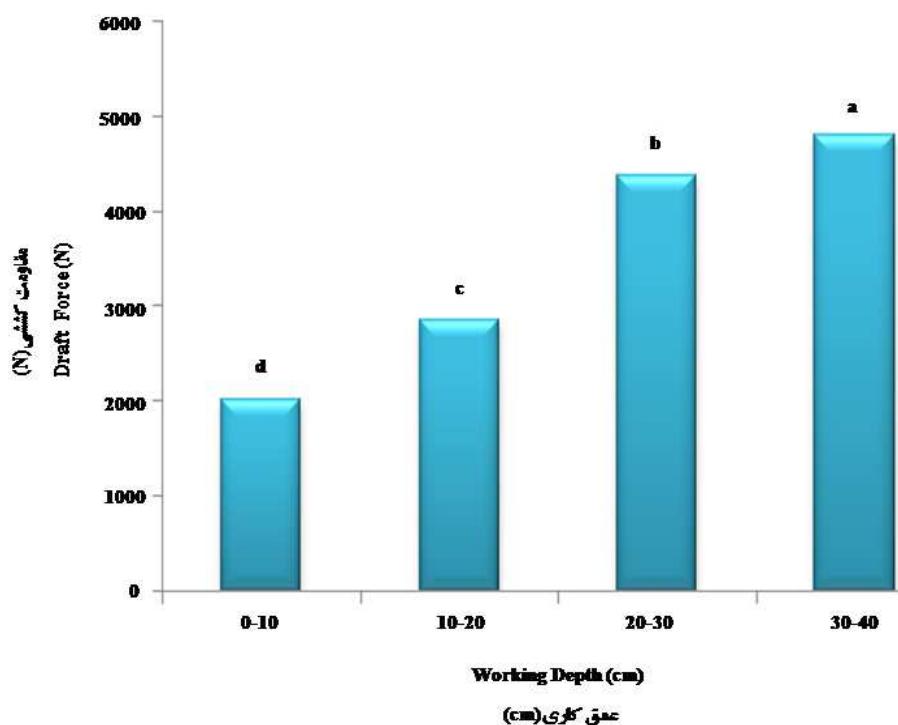
همانطور که شکل ۹ نشان می دهد در بافت لومی شنی با افزایش سرعت پیشروی از ۱ کیلومتر بر ساعت به ۳ کیلومتر بر ساعت میانگین مقاومت کششی افزایش می یابد. تنها بین سرعت های پیشروی ۱/۵ و ۱/۸ کیلومتر بر ساعت و سرعت-

عباسپور گیلاند و همکاران: بررسی عوامل مؤثر بر مقاومت کششی...



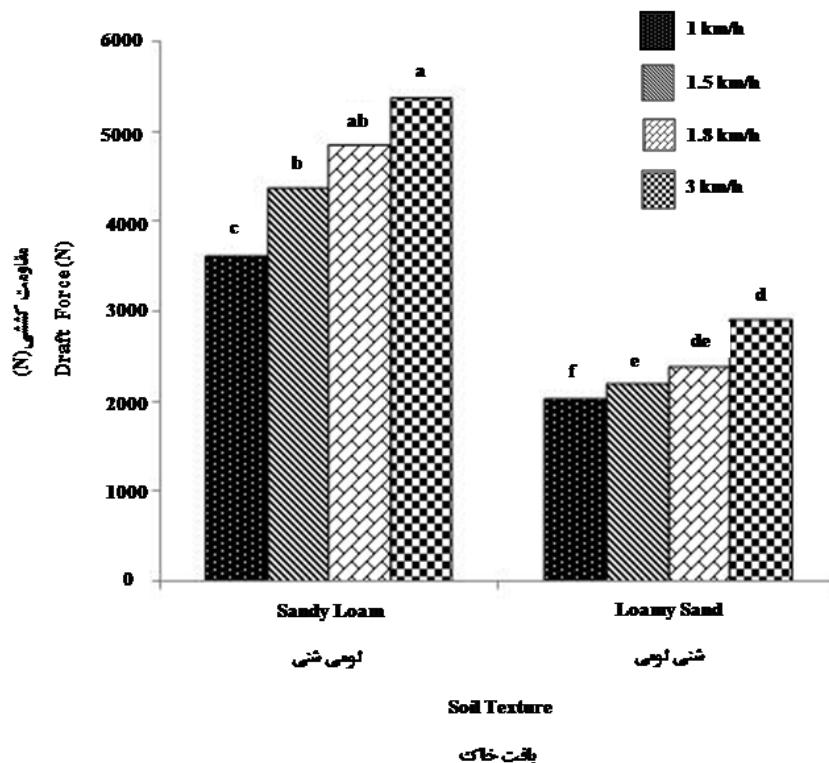
شکل (۷) اثر سرعت پیشروی بر مقاومت کششی تیغه زیرشکن با بازوی خمیده

Figure (7) Effect of Forward speed on draft force of a subsoiler with a curved arm



شکل (۸) اثر عمق بر مقاومت کششی تیغه زیرشکن با بازوی خمیده

Figure (8) Effect of working depth on draft force of a subsoiler with a curved arm



شکل (۹) اثر متقابل بافت خاک در سرعت پیشروی بر مقاومت کششی تیغه زیرشکن با بازوی خمیده

Figure (9) The interaction effect of soil texture and forward speed on draft force of a subsoiler with a curved arm

پیش‌بینی مقاومت کششی موردنیاز با استفاده از  
مدل رگرسیونی چندگانه  
در این تحقیق به منظور پیش‌بینی نیروی مقاوم کششی  
یک زیرشکن با بازوی خمیده از مدل رگرسیون  
چندمتغیره استفاده شد. در این پیش‌بینی درصد محتوای  
رطوبت خاک، سرعت پیشروی تراکتور، عمق کار  
زیرشکن، درصد رس خاک و مقدار شاخص مخروط  
خاک به عنوان متغیرهای مستقل در نظر گرفته شدند.  
معادله (۱) مدل پیش‌بینی مقاومت کششی به دست آمده  
در این تحقیق را ارائه می‌کند.

$$F = 3.933 (\text{MC}) + 1.147 (\text{V}) + 8.233 (\text{D}) + 0.136 (\text{Clay}) + 0.240 (\text{CI}) - 2 \quad (1)$$

که در این رابطه:

F: نیروی مقاوم کششی (kN)

MC: محتوای رطوبتی خاک (%)

اثر متقابل بافت خاک در عمق خاک‌ورزی بر  
مقاومت کششی تیغه زیرشکن با بازوی خمیده  
همان‌طور که از شکل ۱۰ مشخص است با افزایش  
عمق کار در سه عمق اول (صفر تا ۳۰ سانتی‌متر) در بافت  
خاک لومی‌شنی مقاومت کششی به طور معنی‌داری  
افزایش می‌یابد. ولی بین عمق‌های ۳۰ تا ۴۰ سانتی‌متر اثر  
معنی‌داری مشاهده نشد. همچنین در بافت شنی‌لومی در  
عمق‌های صفر تا ۴۰ سانتی‌متر مقاومت کششی به طور  
معنی‌داری افزایش می‌یابد. علت این نتایج ناشی از آن  
است که با افزایش عمق کار مقاومت مکانیکی خاک  
افزایش می‌یابد. کمترین مقاومت کششی برابر با  $1041/3$   
نیوتون و در بافت شنی‌لومی و در عمق صفر تا ۱۰ سانتی-  
متر می‌باشد. همچنین بیشترین مقاومت کششی در بافت  
لومی‌شنی و در عمق ۳۰ تا ۴۰ سانتی‌متر برابر با  
۵۷۹۸/۵ نیوتون می‌باشد.

### عباسپور گیلاند و همکاران: بررسی عوامل مؤثر بر مقاومت کششی...

نیروی کششی برحسب نیوتون،  $S$  سرعت پیشروی بر حسب کیلومتر بر ساعت و  $W$  عرض وسیله خاکورزی بر حسب متر و  $T$  عمق کار وسیله خاکورزی بر حسب سانتی متر می‌باشد.  $F_i$  شاخص (ضریب) مربوط به خاک می‌باشد که برای خاک با بافت سنگین برابر ۱، برای خاک با بافت متوسط ۰/۷۰ و برای خاک با بافت شنی خاکورزی می‌باشد.  $A, B, C$  ضرایب مربوط به ابزارهای خاکورزی می‌باشند که برای وسیله خاکورزی مورد استفاده در این تحقیق (زیرشکن)  $A = 226$ ,  $B = 0$ ,  $C = 1.8$  در نظر گرفته شدند.

$V$ : سرعت پیشروی (km/h)

$D$ : عمق کاری (m)

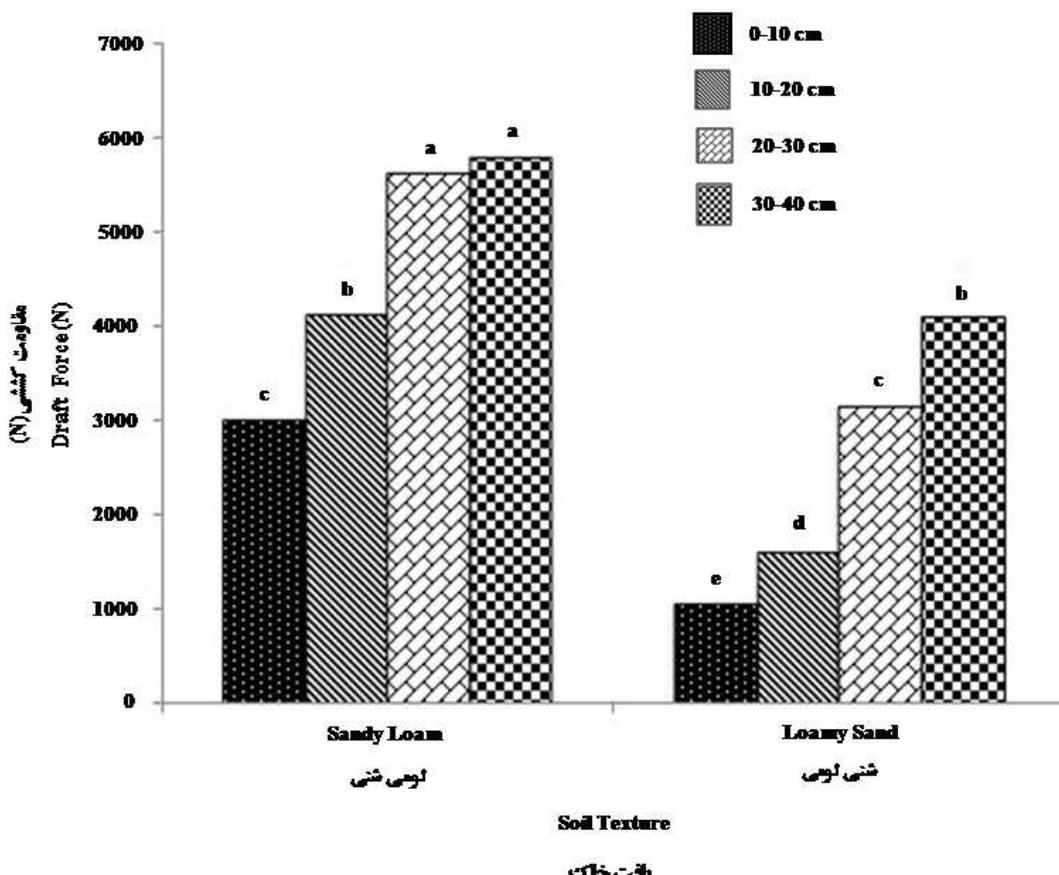
$C$ : رس خاک (%)

$CI$ : شاخص مخروط خاک (MPa)

نتایج نشان داد کلیه پارامترهای مستقل درنظر گرفته شده در مدل رگرسیونی، در سطح ۱٪ معنی دار شدند. مقایسه مدل رگرسیونی چندگانه با مدل ASAE به منظور

#### پیش‌بینی مقاومت کششی

انجمن مهندسین کشاورزی آمریکا (ASAE) مقاومت کششی ادوات خاکورزی را برای سه حالت خاک؛ خاک با بافت سنگین، خاک با بافت متوسط و خاک با بافت سبک ارائه کرده است. مدل ارائه شده توسط ASAE به صورت  $D = F_i[A + B(s) + C(S^2)]WT$  می‌باشد که در آن  $D$



شکل (۱۰) اثر متقابل بافت خاک در عمق خاکورزی بر مقاومت کششی تیغه زیرشکن

Figure (10) The interaction effect of soil texture and tillage depth on draft force of a subsoiler with a curved arm

بازوی خمیده در سطح احتمال ۱٪ معنی‌دار است. با افزایش مقدار محتوای رطوبت خاک مقاومت کششی خاک‌ورز کاهش می‌یابد. نتایج نشان داد که مقاومت کششی در تمام سرعت‌ها نسبت به هم اختلاف معنی‌داری دارند. با افزایش عمق کار، مقاومت کششی به طور معنی‌داری افزایش یافت. بیشترین مقدار مقاومت کششی در عمق ۴۰-۴۰ سانتی‌متر و  $4805/8$  نیوتون بدست آمد. همچنین در این تحقیق به منظور پیش‌بینی نیروی مقاوم کششی یک زیرشکن با بازوی خمیده از مدل رگرسیون چندمتغیره استفاده شد. در این پیش‌بینی درصد محتوای رطوبت خاک، سرعت پیشروی تراکتور، عمق کار زیرشکن، درصد رس خاک و مقدار شاخص مخروط خاک به عنوان متغیرهای مستقل در نظر گرفته شدند. ضریب همبستگی مدل رگرسیونی چندگانه  $0/842$  و میانگین دقت پیش‌بینی مدل  $83/57$ ٪ به دست آمد.

نتایج مقایسه پیش‌بینی با استفاده از مدل رگرسیونی چندگانه با مدل ارائه شده توسط انجمن مهندسین کشاورزی آمریکا (ASAE) نشان داد که تمام داده‌های مقاومت کششی بدست آمده برای عمق‌های مختلف خاک‌ورزی (داده‌های واقعی) در محدوده اعداد بدست آمده از استاندارد ASAE (با دقت  $\pm 5\%$ ) قرار گرفته است و مدل رگرسیون چندگانه داده‌های نزدیک‌تری به داده‌های واقعی نسبت به مدل ASAE ارائه کرده است. ضریب همبستگی مدل رگرسیونی چندگانه  $0/842$  و میانگین دقت پیش‌بینی مدل  $83/57$ ٪ به دست آمد.

### نتیجه‌گیری

در این تحقیق تاثیر عوامل مختلف بر مقاومت کششی یک زیرشکن با بازوی خمیده شامل محتوای رطوبت خاک، سرعت پیشروی تراکتور و عمق کار مورد بررسی قرار گرفت. نتایج تجزیه واریانس نشان داد که اثرات مستقل بافت خاک، محتوای رطوبت، سرعت پیشروی و عمق کار بر میزان مقاومت کششی زیرشکن با

### منابع

1. Abbaspour-Gilandeh, Y. 2005. Continuous Energy Mapping of Tillage Systems and Modeling of the Energy Requirements by Neural Network. PhD Dissertation. Faculty of Agriculture, University of Tehran, Karaj, Iran.
2. Ashrafizadeh, S.R. and Kushwaha, R.L. 2006. Development of a tillage energy model using a simple tool. Presented at the 2006 CSBE/SCGAB Annual Conference, Paper No.06-130.
3. ASAE Standards. 2001b. ASAE EP496.2: Agricultural machinery management. American Society of Agricultural Engineers. St. Joseph, MI 49085-9659, USA.27
4. Al-Janobi, A.A. and Al-Suhailani, S.A. 1998. Draft of primary tillage implements in sandy loam soil. Transaction of the ASAE, 14(4): 343-348.
5. Esehaghbeygi, A., Tabatabaeefar, A., Keyhani, A.R. and Raoufat, M.H. 2005. Depth and rake angle's influence on the draft force of an oblique blade subsoiler. Iranian Journal of Agriculture Science Journal, 36 (4): 1045-1052.
6. Godwin, R.J. and O'Dogherty, M.J. 2007 Integrated soil tillage force prediction models. Journal of Terramechanics, 44, 3-14

7. Godwin, R.J. and Spoor, G. 1977. Soil failure with narrow tines. *Journal of Agricultural Engineering Research*, 22(4): 213-228.
8. Gill, W.R. and Vandern Berg, G.E. 1968. Soil dynamics in tillage and traction. Agriculture Handbook No. 316. Agricultural Research Service, United States Department of Agriculture (USDA). pp.126-140.
9. Grisso, R.D., Yasin, M., and Kocher, M.F. 1996. Tillage implement forces operating in silty clay loam. *Transactions of the ASAE*, 39(6), 1977–1982.
10. Hettiaratchi, D.P., Witney, B.D., and Reece, A.R. 1966. The calculation of passive pressure in two dimensional soil failure. *Journal of Agricultural Engineering Research*, 11(2): 89-107.
11. Kuczewski, L. and Piotrowska, E. 1998. An improved model for forces on narrow soil cutting tines. *Soil and Tillage Research*, 46(1998): 231-239.
12. Manuwa, S. and Ademsun, O.C. 2007. Draught and soil disturbance of model tillage tines under varying soil parameters. *Agricultural Engineering International: the CIGR Journal of Scientific Research and Development*, Manuscript PM 06 016.
13. McKyes, E. and Ali, O.S. 1977. The cutting of soil by narrow blades. *Journal of Terramechanics*, 14(2): 43-58.
14. Mouazen, A.M. and Ramon, H. 2002. A numerical-statistical hybrid modeling scheme for evaluation of draught requirements of subsoiler cutting a sandy loam soil, as affected by moisture content, bulk density and depth. *Soil and Tillage Research*, 63:155-165.
15. Owen, G.T. 1989. Force-depth relationships in a pedogenetically compacted clay loam soil. *Applied Engineering in Agriculture*, 5(2): 185-191.
16. Perumpral, J.V., Grisso, R.D., and Desai, C.S. 1983. A soil tool model based on limit equilibrium analysis. *Transactions of the ASAE*, 26(4): 991-995.
17. Upadhyaya, S.K., Williams, T.H., Kemble, L.J., and Collins, N.E. 1984. Energy requirement for chiseling in coastal plain soils. *Transactions of the ASAE*, 36(5): 1267-1270.